



Chapitre III : Statistique descriptive et analyse de données

I Construction d'une série

I.1 Exemples

Exemple 1. On regarde la répartition de la population de Montataire en fonction de l'âge (données 2007, <http://www.cartesfrance.fr>).

Compléter le tableau suivant.

Valeur (ans)	[0; 14]	[15; 29]	[30; 44]	[45; 59]	[60; 74]	> 75
Effectif	2665	2669	2502	2391	1356	683
Effectif cumulé	2665		7836	10227	11583	12266
Fréquence	0,217	0,218		0,195	0,111	0,057
Fréquence cumulée	0,217	0,435	0,639		0,944	1
Fréquence (en %)	21,7	21,8		19,5		5,7
Fréquence cumulée (en %)	21,7	43,5	63,9		94,4	100

Combien de personnes ont entre 45 et 59 ans ?

.....

Combien de personnes ont moins de 30 ans à Montataire ?

.....

Quelle est la population totale de Montataire ?

.....



Exemple 2. La taille des élèves de la classe.

Valeur (en cm)	< 160	[160; 170[[170; 180[> 180
Effectif				
Effectif cumulé				
Fréquence				
Fréquence cumulée				
Fréquence (en %)				
Fréquence cumulée (en %)				

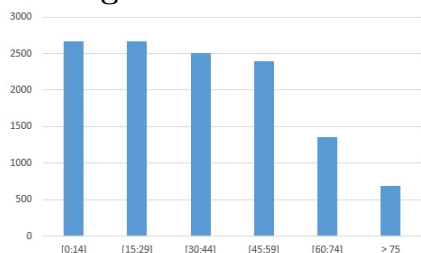
I.2 Généralisation

On s'intéresse à un caractère **quantitatif** (désigné par un nombre, exemple la taille) ou **qualitatif** (désigné par un mot, exemple la couleur des cheveux). On désigne par x_1, x_2, \dots, x_p les p valeurs différentes de ce caractère. On note n_1, n_2, \dots, n_p les effectifs associés et $N = n_1 + n_2 + \dots + n_p$ l'effectif total.

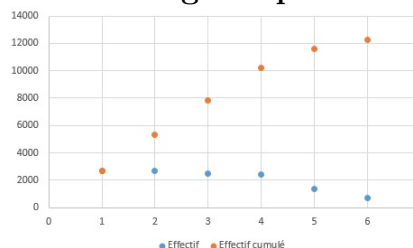
Valeur	x_1	x_2	...	x_p
Effectif	n_1	n_2	...	n_p
Effectif cumulé	n_1	$n_1 + n_2$...	$n_1 + n_2 + \dots + n_p = N$
Fréquence	$\frac{n_1}{N}$	$\frac{n_2}{N}$...	$\frac{n_p}{N}$
Fréquence cumulée	$\frac{n_1}{N}$	$\frac{n_1+n_2}{N}$...	$\frac{n_1+\dots+n_p}{N} = 1$
Fréquence (en %)	$\frac{n_1}{N} \times 100$	$\frac{n_2}{N} \times 100$...	$\frac{n_p}{N} \times 100$
Fréquence cumulée (en %)	$\frac{n_1}{N} \times 100$	$\frac{n_1+n_2}{N} \times 100$...	100

II Représentations graphiques

Diagramme en bâtons



En nuage de points





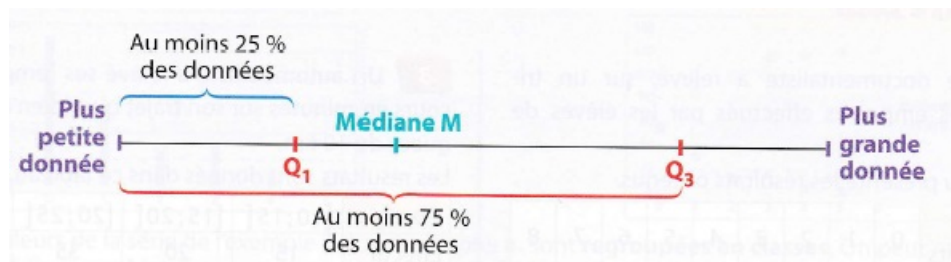
III Caractéristiques de position, dispersion

Définition III.1

- La **moyenne**, notée \bar{x} est donnée par

$$\bar{x} = \frac{n_1x_1 + \dots + n_px_p}{N} \quad \text{ou encore} \quad \bar{x} = f_1x_1 + \dots + f_px_p.$$

- La **médiane** est la plus petite valeur pour laquelle la fréquence cumulée dépasse 0,5 (ou 50%).
- Le **premier quartile** Q_1 est la plus petite valeur pour laquelle la fréquence cumulée dépasse 0,25 (ou 25%).
- Le **troisième quartile** Q_2 est la plus petite valeur pour laquelle la fréquence cumulée dépasse 0,75 (ou 75%).
- L'**étendue** est la différence entre la plus grande valeur et la plus petite valeur : $x_p - x_1$.
- L'**écart inter-quartile** est la différence entre les deux quartiles $Q_3 - Q_1$.



Exemple 1. Puisque l'on a des classes, on va choisir pour représentant le milieu de la classe :

Classe (ans)	[0; 14]	[15; 29]	[30; 44]	[45; 59]	[60; 74]	> 75
Représentant	$\frac{0+14}{2} = 7$	$\frac{29+15}{2} = 22$	$\frac{30+44}{2} = 37$	$\frac{45+59}{2} = 52$	$\frac{60+74}{2} = 67$	82

La moyenne vaut

$$\bar{x} = \frac{2665 \times 7 + 2669 \times 22 + 2502 \times 37 + 2391 \times 52 + 1356 \times 67 + 683 \times 82}{12266} \simeq 35,96.$$

La classe médiane est [30; 44], on peut donc prendre pour médiane le représentant de la classe, soit 37 ans.

La classe du premier quartile est [15; 29], le premier quartile vaut donc $Q_1 = 22$ ans. La classe du troisième quartile est [45; 59], le troisième quartile vaut donc $Q_3 = 52$ ans.

L'étendue vaut dans ce modèle $82 - 0 = 82$ ans et l'écart inter-quartile $Q_3 - Q_1 = 52 - 22 = 30$ ans.